Dinâmica de contrações do intervalo suaves por pedaços

Benito Pires

FFCLRP - USP

Resumo

Dizemos que uma função injetora $f:[0,1) \to [0,1)$ é uma contração de n intervalos se existirem uma partição do intervalo unitário [0,1) em n intervalos I_1,I_2,\ldots,I_n e uma constante $0 \le \kappa < 1$ tais que $f|_{I_i}$ é κ -Lipschitz para todo $i \in \{1,\ldots,n\}$.

Vamos discutir o seguinte resultado obtido recentemente pelo palestrante em colaboração com Arnaldo Nogueira e Rafael Rosales.

Teorema. Seja $\phi_1, \ldots, \phi_n : [0,1] \to (0,1)$ uma sequência de contrações Lipschitz contínuas. Sejam $I = [0,1), x_0 = 0$ e $x_n = 1$. Então para quase todo (x_1, \ldots, x_{n-1}) satisfazendo $0 < x_1 < \cdots < x_{n-1} < 1$, a contração de n intervalos $f: I \to I$ definida por $x \in [x_{i-1}, x_i) \mapsto \phi_i(x)$ é assintoticamente periódica. Mais precisamente, f tem pelo menos uma e no máximo n órbitas periódicas e o conjunto ω -limite $\omega_f(x)$ é uma órbita periódica para todo $x \in I$.